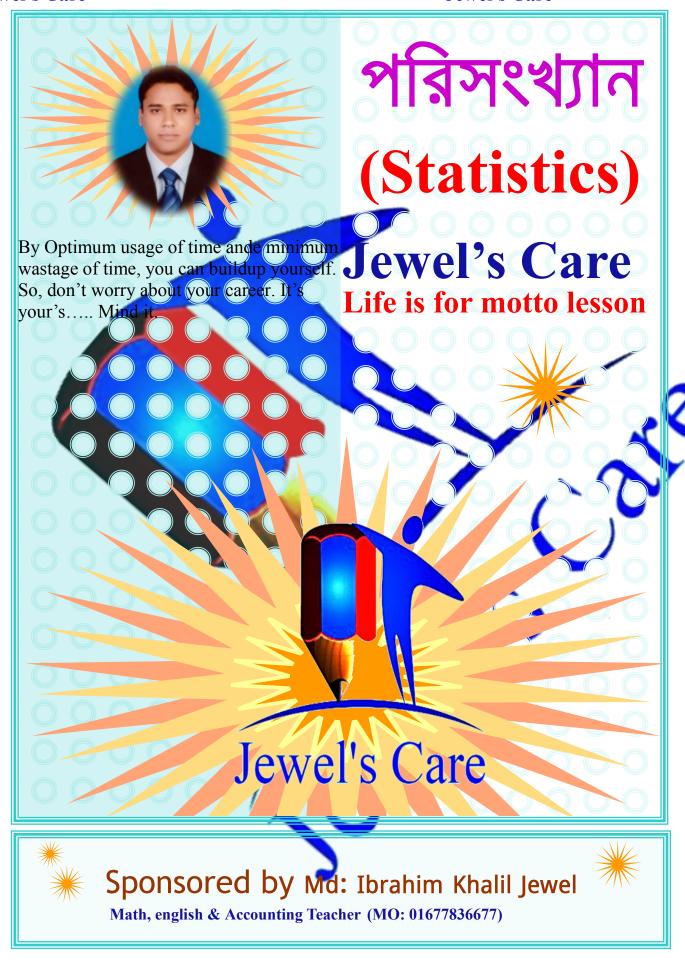
#### Jewel's Care life is for motto lesson

Jewel's Care life is for motto lessor



youtube Chennal Name : Jewel's Care

সংজ্ঞাঃ — সংখ্যা নিয়ে গবেষনার বিজ্ঞানকেই পরিসংখ্যান বলে।

- → কোন ঘটনার সংখ্যাত্বক বর্ননাই হচ্ছে পরিসংখ্যান।
- → অনিশ্চিত বিষয়ের সিদ্ধান্ত গ্রহনের বিজ্ঞানই হচ্ছে পরিসংখ্যান।
- → সংখ্যাত্বক তথ্য সংগ্রহ ও বিশ্লেষণ করার বিজ্ঞানই হচ্ছে পরিসংখ্যান।
- কাজঃ → সংখ্যাত্বক তথ্য সংগ্ৰহ করা
  - → তথ্য বিশ্লেষণ করা
  - → সংক্ষিপ্ত ও সহজভাবে তথ্য উপস্থাপন করা
  - → তথ্য তুলনায় সাহায্য করা
  - → ভবিষ্যৎ বানী করা
  - → নীতি নির্ধারন করা
  - → বৈজ্ঞানিক সূত্র প্রমান করা

<u>কিছু জানা দরকার আগেঃ</u>

<u>উপাত্ত</u>ুতথ্যের কাঁচামাল।

<u>তথ্য</u>ঃ অর্থপূর্ন উপাত্তকে তথ্য বলে।

<u>গনসংখ্যাঃ</u> কোন তথ্য সারির মধ্যে কোন তথ্য একাধিকবার পুনরাবৃত্তি হবার প্রবণতা কে গনসংখ্যা বলে। <u>পরিসর</u>ঃ কোন তথ্য সারির সর্বোচ্চমান ও সর্বনিম্নমানের পার্থক্য কে পরিসর বা পরিধি বলে।

অবিন্যস্থ মানে অগুছালো আর বিন্যস্থ মানে গুছালো বা সাজানো।

<u>প্রাফ বা লেখ</u>ঃ সংগৃহীত তথ্যকে সুনির্দিষ্ট স্কেলের সাহায্যে ছক কাগজে জ্যামিতিক উপায়ে উপস্থাপন করা হলে তাকে লেখ বলে।

যেমনঃ ;আয়তলেখ ও গনসংখ্যা বহুভূজ ইত্যাদি।

<u>মধ্যবিন্দু</u>ঃ কোন শ্রেনীর সর্বোচ্চ ও সর্বনিম্ন সীমার দ্রটি গড় মানকে মধ্যবিন্দু বলে।

<u>আয়তলেখ</u>ঃ যে লেখচিত্র প্রত্যক শ্রেনীর জন্য লম্বালম্বিভাবে অঙ্কিত ও পরষ্পর সংযুক্ত আয়তক্ষেত্র দ্বারা প্রকাশ করা হয় তাকে আয়তলেখ বলে।

<u>অজিভ রেখা</u>ঃ কোন গনসংখ্যা নিবেশনের উচ্চসীমা বা নিম্নসীমা বিপরীতে যোজিত গনসংখ্যা চিত্রে উপস্থাপন করে প্রাপ্ত রেখাকে অজিভ রেখা বলে। ইহা দ্রই প্রকারঃ ঊন ও অধি অজিব রেখা।

<u>গনসংখ্যা বহুভূজ</u>ঃ কোন গনসংখ্যা নিবেশনের প্রত্যাক শ্রেনীর মধ্যবিন্দু বরাবর গনসংখ্যা মান চিত্রে উপস্থাপন করে প্রাপ্ত বিন্দুসমূহ যোগ করে যে বক্র রেখা পাওয়া যায় তাকে গনসংখ্যা বহুভূজ বলে।

<u>বিচ্ছিন্ন চলকঃ</u> ১,২,৩,৪,৫,৬.....

<u>অবিচ্ছিন্ন চলকঃ</u> ১.১,১.২,১.৩,১.৪,..... [ Real Class/অবিচ্ছিন্ন সীমা ]

<u>এস এস সি পরিক্ষার্থীদের জন্য পরিসংখ্যানের কেন্দ্রীয় প্রবনতা পরিমাপ করা হয়েছে মাত্র।</u>

# <u>কেন্দ্রীয় প্রবনতা/Central Tendency</u> সংজ্ঞাঃ সংগৃহীত সংখ্যাতৃক তথ্যসমূহ কেন্দ্রের কোন একটি মানের দিকে ঝোঁকে থাকার প্রবনতাকে কেন্দ্রীয় প্রবনতা বলে। এচুরক গড় মধ্যক আবিন্যস্থ তথ্য ব্যাপ্তি সহ ব্যাপ্তি সহ ব্যাপ্তি সহ ব্যাপ্তি হাড়া জোড়

<u>প্রচুরক/Mode(Mo):</u> কোন রাশিতে যে মানটি সর্বাধিক বার রয়েছে তাকে প্রচুরক বলে।

আয়তলেখ

<u>গড়/যোজিত গড়/গানিতিক গড়/Airthmetic Mean:</u> তথ্যমানের সমষ্টিকে তথ্য সংখ্যা দ্বারা ভাগ করলে যে মান পাওয়া যায় তাকে গড়/যোজিত গড়/গানিতিক গড় বলে।

গুরুত্ব যুক্ত

ব্যাপ্তি ছাড়া

বিজোড়

<u>মধ্যক/মধ্যমা/Median(Me):</u> উপাত্তসমূহের যোগফলকে ২ দ্বারা ভাগ করলে যে মান পাওয়া যায় তাকে মধ্যক বলে।

## <u> প্রচুরক</u>

<u>1st Method:</u> শ্রেনী ব্যাপ্তি/Class interval/Class limit দেওয়া না থাকলে, অবিন্যস্থ উপাত্ত থাকলে।

- → উপাত্তসমূহের পরিধি/পরিসর/Range বের করতে হবে।
- যেমনঃ ( সর্বোচ্চ সর্বিনিম্ন ) + ১ বা, (L-S)+1
- → শ্রেনী সংখ্যা বের করতে হবে।

্যেমনঃ শ্রেনী সংখ্যা = <sup>পরিধি</sup>। ব্যাপ্তি(h) দেওয়া থাকবে নয়তো ধরে নিতে হবে ৫,১০,১৫ ইত্যাদি।

→ শ্রেনী সারনী =

ব্যাপ্তি গনসংখ্যা/ঘটনসংখ্যা

"ট্যালি চিনহ না দিলেও হবে" ।অবিনিস্থ থেকে বিন্যস্থ মানে সারনী তৈরী করা।

$$\rightarrow \overline{\mathcal{M}} = \mathbf{L} + \frac{\mathbf{f}_1}{\mathbf{f}_1 + \mathbf{f}_2} \times \mathbf{h}$$

2nd Method: ব্যান্তি ও গনসংখ্যা দেওয়া থাকলে শুধু সূত্র প্রয়োগই যথেষ্ট।

#### <u>3rd Method:</u> আয়তলেখ থেকে প্রচুরক নির্নয়

ব্যাস্তি অবিচ্ছিন্ন সীমা গনসংখ্যা

ightarrow গ্রাফ পেপার লাগবে।

<u>\* মনে রাখতে হবে যে,ব্যাপ্তি ও গনসংখ্যা অর্থাৎ সারনী বা গনসংখ্যা নিবেশন সারনী থেকেই প্রচুরক, মধ্যক, গড়</u> নির্নয় করা যায়।

<u>াননর করা বার</u>

<u> তর্জমা</u>ঃ

→ h = Class limit/Class interval/শ্রেনী ব্যাস্তি/শ্রেনী ব্যাবধান/শ্রেনী সীমা।

 $ightarrow {f L}={f L}$ ower limit of large frquency/বড় গনসংখ্যার ব্যাপ্তির নিম্নসীমা

 $ightarrow \mathbf{f_1}$  = বড় গনসংখ্যা -বড় গনসংখ্যার পূর্বের গনসংখ্যা

 $ightarrow \mathbf{f}_2$  = বড় গনসংখ্যা -বড় গনসংখ্যার পরবর্তী গনসংখ্যা

### গড়

<u>Normal Method:</u>  $\frac{20+45+30+34+50}{5} = 35.8 \approx 36$ 

<u>ব্যাপ্তিসহ গাণিতিক গড়</u>ঃ

ব্যাপ্তি	মধ্যবিন্দু(x <sub>i</sub> )	গনসংখ্যা(f <sub>i</sub> )	f <sub>i</sub> x <sub>i</sub>
		$\sum f_i/n =$	$\sum f_i x_i =$

গাণিতিক গড়,  $\bar{\mathbf{x}} = \frac{\sum f_i \mathbf{x}_i}{n} / \frac{\sum f_i \mathbf{x}_i}{\sum f_i}$ 

<u> তর্জমাঃ</u>

```
\rightarrow x_i = mid point/mid value(মধ্যমান)। যেমনঃ ১০-২০ ব্যাপ্তির <math>x_i হচ্ছে \frac{20+20}{2} = 5৫
```

 $\rightarrow$  f<sub>i</sub> = frequency (গনসংখ্যা/ঘটনসংখ্যা)

→ n = total number of requency (재ট গনসংখ্যা)

<u>মধ্যমানের ব্যাবহার হয়</u>ঃ

১) গাণিতিক গড়ে ২) গনসংখ্যা বহুভূজে

<u>সংক্ষিপ্ত পদ্ধতিতে গাণিতিক গড়</u>ঃ

ব্যাপ্তি	মধ্যমান(x <sub>i</sub> )	গনসংখ্যা(f <sub>i</sub> )	ধাপ বিচ্যুতি u <sub>i</sub> = $rac{x_i - a}{h}$	f <sub>i</sub> u <sub>i</sub>
		n =		$\sum f_i u_i =$

গাণিতিক গড়, 
$$\bar{\mathbf{x}} = \mathbf{a} + \frac{\sum f_i \mathbf{u}_i}{n} \times \mathbf{h} / \mathbf{a} + \frac{\sum f_i \mathbf{u}_i}{\sum f_i} \times \mathbf{h}$$

<u> তর্জনা</u>ঃ

 $\rightarrow$  a = assume mean (আনুমানিক গড়)

- $\rightarrow x_i = mid point/mid value(মধ্যমান)। যেমনঃ ১০-২০ ব্যাপ্তির <math>x_i$  হচ্ছে  $\frac{50+20}{2} = 5$ ৫
- $\rightarrow f_i = frequency$  (গনসংখ্যা/ঘটনসংখ্যা)
- $\rightarrow$  u<sub>i</sub> = mean deviation (ধাপ বিচ্যুতি)

→ n = total number of requency (মোট গনসংখ্যা)

→ h = Class limit/Class interval/শ্রেনী ব্যাপ্তি/শ্রেনী ব্যাবধান/শ্রেনী সীমা।

এই গড় বের করার সহজ উপায়/ধাপ হচ্ছে ৫ টি।

(১) মধ্যমান x<sub>i</sub> বের করা।

(২) সুবিধাজনক যে কোন মধ্যমানকে a ধরা(মানে আনুমানিক গড় ধরা)। মাঝ বরাবর মানটি ধরলে ভালো হয়।

(৩) a থেকে প্রত্যক শ্রেনীর মধ্যমানকে বিয়োগ করে শ্রেনী ব্যাপ্তি দ্বারা ভাগ করা(মানে ধাপ বিচ্যুতি বের করা)। যেমনঃ  $u_i = rac{x_i - a}{b}$ 

(৪) ধাপ বিচ্যুতি দ্বারা প্রত্যাক শ্রেনীর গনসংখ্যা দ্বারা গুন করা।

(৫) বিচ্যুতির গড় এর সাথে আনুমানিক গড় a যোগ করলেই কাঙ্ক্ষিত গড় বের হবে। গুরুত্ব যুক্ত গাণিতিক গড়ঃ

ব্যাপ্তি	মধ্যবিন্দু/মধ্যমান(x <sub>i</sub> )	গনসংখ্যা(w <sub>i</sub> )	W <sub>i</sub> X <sub>i</sub>
		$\sum \mathbf{w}_i =$	$\sum \mathbf{x}_i \mathbf{w}_i =$

"এখানে wi হচ্ছে গনসংখ্যা"।

 $\rightarrow$  গড়,  $\bar{\mathbf{x}} = \frac{\sum x_i \mathbf{w}_i}{\sum \mathbf{w}_i}$ 

তর্জমাঃ

 $\rightarrow$  w<sub>i</sub> = f<sub>i</sub> = frequency (গনসংখ্যা)

→ x<sub>i</sub> = গনসংখ্যার শতকরা হার।

## <u>মধ্যক</u>

ব্যাপ্তি ছাড়া বিজোড়ঃ  $rac{\mathbf{n}+\mathbf{1}}{2}$  [  $\mathbf{n}$  = মোট গনসংখ্যা তবে ক্রমোযোজিত ] ব্যাপ্তি ছাড়া জোড়ঃ  $\frac{\binom{n}{2} + \binom{n}{2} + 1}{2}$ ব্যাপ্তিসহ মধ্যকঃ

$\rightarrow$	ব্যাস্তি		ক্রমযোজিত					
	NJII(0	গনসংখ্যা(f <sub>i</sub> )	গনসংখ্যা <sub>(fc)</sub>					
1st: $\frac{n}{2}$								
	(m) h							
<b>2nd:</b> L ·	$+\left(\frac{n}{2}-f_{c}\right)\times\frac{h}{f_{m}}$							
	(2 / <sup>1</sup> m							
<u>তর্জমাঃ</u>								
	্য । ৷ ৷ ৷ লে ৷ ৷ সেপকে প্রেরীর নিয়মীমা							
ightarrow L = lower limit of midean class (মধ্যক শ্রেনীর নিম্নসীমা)								
$\rightarrow$ fc = cumalitive frequency (মধ্যক শ্রেনীর ক্রমোযোজিত গনসংখ্যা)								
্র বা র বা র বা বা সেপকে প্রেরীর প্রসংখ্যা								
$ ightarrow \mathbf{f}_{\mathrm{m}}$ = the frequency of median class (মধ্যক শ্রেনীর গনসংখ্যা)								
→ h = class (ব্যান্তি)								
/ II –	class ( DIIO)							

		_					<b>•</b> • •	
	C			<b>`</b>	-	•••	<u>n, অজিভ রেখা/Ogive Curve</u>	
	<u>)লেখ</u> ্য সারন। 1 অনিচ্ছিন্ন সী		।।চ্ছন্ন সাম	।) ও গ্রবহ	યેંડી હ	<u>ଧ୍ୟ</u> େ (ଏ (୯୮୫	ধচিত্র আঁকা হয়, তাই আয়তলেখ। তবে	
$\rightarrow$						stowbt		
	ব্যাশি	8	অবিচ্ছিন্ন স্	แต	าเเ	সংখ্যা		
→ গনসং	খাা বহুভজঃ	সাবনীব ব্যাদি	ষ্ট(অবিচ্ছি	হন সীমা )	ও গন	সংখ্যা এবং	মধ্যবিন্দু দিয়ে যে লেখচিত্র আঁকা হয়,	
	ংখ্যা বহুভূজ		o(					
$\rightarrow$	ব্যাপ্তি	অবিচ্ছিন্ন সী	না 🛛	মধ্যবিন্দু		গনসংখ্যা		
			ই ঘৰ লাগ				,	
	নখ ও গনসংখ খাহু ব্যাপ্তি/আ				<u>ז פי וזו</u>	চমযোজিত	গনসংখ্যা দিয়ে যে লেখচিত্র আঁকা হয়	
	<u>না</u> ঃ সাও( পা জব রেখা বলে	• •	, רוערוי ,	P INICIAN				
$\rightarrow$	ব্যান্তি	অবিচ্ছিন্ন সীমা	xi(মধ্যবিশ	দ) চাগের	নসংখ্যা)	fc(ক্রমযোজি	5	
						গনসংখ্যা)		
[অজিব রে	াখা উৰ্দ্ধগামী	হয়]						
<u></u>		त्र जनकी क			v <del>ar t</del> ất		ডল টেষ্ট এর প্রাপ্ত নম্বর দেওয়া হলো	
<u>শনাৰণ্ড স</u> ( পূৰ্ন নম্ব		চ অরাবট কে	॥४२ ५२ ४	১০ জন।~	াক্ষাখার	ส ขเกษ กับ	ଓଟା ୧୦୫ ଘର୍ଶ ଆଷ ବଞ୍ଚର ମେଡରା ହମେ।	
` <b>~</b>	· · · · ·	r.8৫.৬০.৬৫		<u> </u>	o.৬৫.ና	ትዕ.	,৪৮,৭০,৩৬,৮৫,৬০,৫০,৪৬,	
	২,০০,২২,৬ ১,৭২,৮৫,৯০						,,,,,,,,,,,,	
			· _ · · · ·				খ্যোর ছক তৈরী কর ?	
(২) উক্ত স	নারনী থেকে গ্র	<u> </u>	কর ?					
(৩) উক্ত হ	নারনী থেকে ত	আয়তলেখ এ	বং তার ম	াধ্যমে প্রচ্	<u> </u> রুক নি	নর্বয় কর ?		
	সহ গড় নির্ন							
	(৫) সংক্ষিপ্ত পদ্ধতিতে গড় নির্নয় কর ?							
(৬) ব্যাপ্তি সহ বা উক্ত সারনী থেকে মধ্যক নির্নয় কর ? (৭) আয়তলেখ,গনসংখ্যা বহুভূজ(আয়তসহ এবং আয়ত ছাড়া), অজিভ রেখা অঙ্কন কর বিবরন সহ ?								
(৭) আয়ত	তলেখ,গনসংখ	ধ্যা বহুভূজ(ত	ায়তসহ৸	এবং আয়	ত ছাড়া	), আজভ (	রখা অঙ্কন কর বিবরন সহ ?	

<u>সমন্বিত সমাধানঃ</u>

(১) উপাত্তের পরিধি = ( সর্বোচ্চ মান – সর্বনিম্ন মান ) + ১

শ্রেনী ব্যাবধান / শ্রেনী ব্যাপ্তি ১০ করে ধরে, শ্রেনী সংখ্যা = পরিধি ব্যান্তি

। Hints: ব্যাপ্তি বেশী ধরলে শ্রেনী সংখ্যা কম হবে, তবে যদিঁ ব্যাপ্তি নির্দিষ্ট করে বলে দেয় তাহলে সেই মোতাবেক কাজ করতে হবে।

সুতরাং শ্রেনি ব্যাবধান ১০ করে ধরে গনসংখ্যা নিবেশন সারণী নিম্নরূপঃ

প্রাপ্ত নম্বর	ট্যালি চিনহ	গনসংখ্যা
৩৫-88		8
8¢-¢8		ታ
<i><b>৫</b>৫-৬</i> 8	$\mathbb{N}\mathbb{N}\mathbb{N}$	১৩
৬৫-৭৪		20
৭৫-৮৪		2
৮৫-৯৪		5
		n = Vb <sup>-</sup>

$$(\mathbf{k}) \therefore \, \mathfrak{A} \overline{\mathfrak{h}} \overline{\mathfrak{A}} = \mathbf{L} + \frac{\mathbf{f}_1}{\mathbf{f}_1 + \mathbf{f}_2} \times \mathbf{h}$$
  
= ৫৫ +  $\frac{\mathfrak{C}}{\mathfrak{C} + \mathfrak{O}} \times \mathfrak{I} \mathbf{O}$   
= ৬১.২৫

এখানে, L = Lower limit of large frequency / বড় গনসংখ্যার নিম্ন সীমা

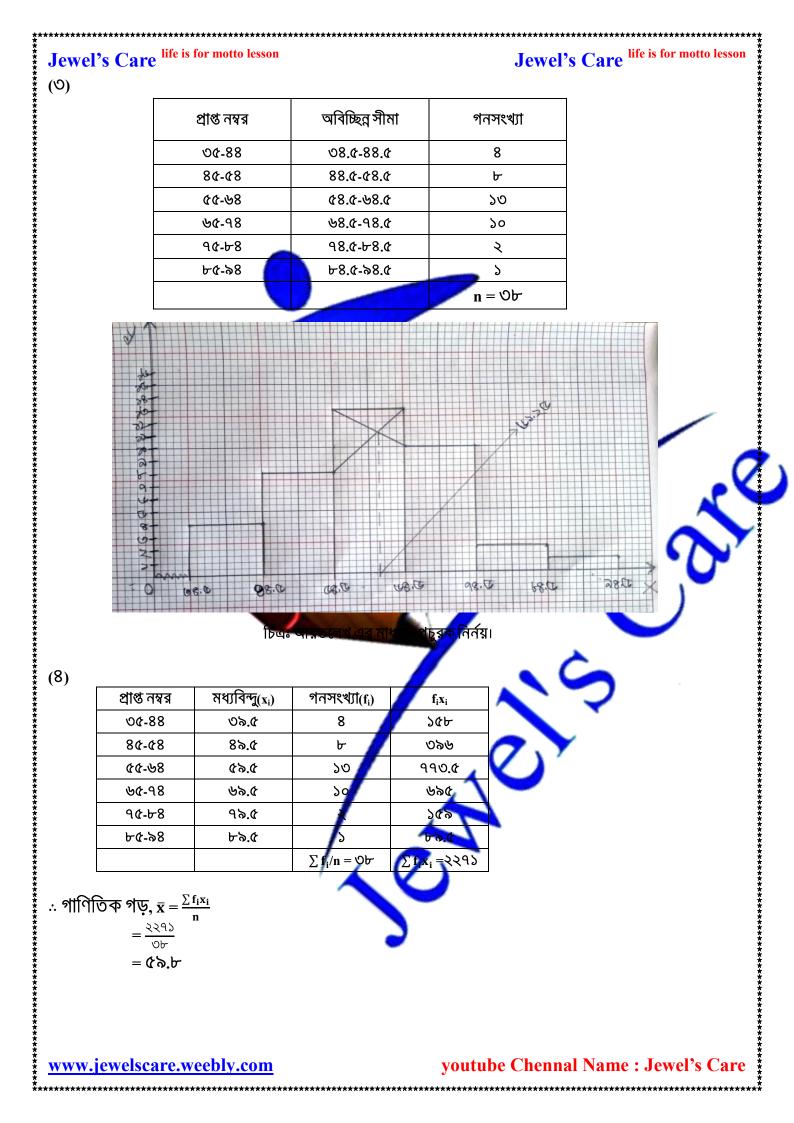
f1 = frequnecy of mode class – previous frequency of mode class / প্রচুরক শ্রেনীর গনসংখ্যা – প্রচুরক পূর্ববর্তী গনসংখ্যা

f2 = frequnecy of mode class – next frequency of mode class / প্রচুরক শ্রেনীর গনসংখ্যা – প্রচুরক পরবর্তী গনসংখ্যা

h = Class Interval / শ্রেনী ব্যাপ্তি

। Hints : অবিন্যস্থ তথ্য দ্বারা প্রচুরক বললে (১) ও (২) উভয়ই হবে আর যদি সারনী দেওয়া থাকে তাহলে শুধু (২) করলেই হবে।

[ Hints 1 : यपि श्र	চুরক শ্রেনী প্রথম ব্যাপ্তি	তে থাকে তাহলে f <sub>1</sub> এর (	ক্ষত্রে প্রচুরক পূর্ববর্তী গনসংখ্যা হবে ০
উদাহরন স্বরূপঃ	-		
	শ্রেনী	গনসংখ্যা	
	82-60	২৫	
	৫১-৬০	২০	
	৬১-৭০	26	
	৭১-৮০		
[ Hints 2 : যদি প্র	চুরক শ্রেনী শেষ ব্যাপ্তি	ত থাকে তাহলে f <sub>2</sub> এর সে	— দত্রে প্রচুরক পরবর্তী গনসংখ্যা হবে ০।
উদাহরন স্বরূপঃ			
Γ	শ্রেনী	গনসংখ্যা	
	১১-২০	8	
	২১-৩০	১৬	
	৩১-৪০	২০	
	82-60	২৫	



(৫)

(\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*

প্রাপ্ত নম্বর	মধ্যবিন্দু(x <sub>i</sub> )	গনসংখ্যা(f <sub>i</sub> )	ধাপ বিচ্যুতি $\mathbf{u}_i$ = $\frac{\mathbf{x}_i - \mathbf{a}}{\mathbf{x}_i}$	f <sub>i</sub> u <sub>i</sub>
৩৫-88	৩৯.৫	8	h ۷-	-25
8৫-৫8	৪৯.৫	ዮ	-૨	-১৬
৫৫-৬৪	৫৯.৫	১৩	-2	-20
৬৫-৭৪	৬৯.৫(a)	20	о	о
<u> </u>	৭৯.৫	ર	2	ર
৮৫-৯৪	৮৯.৫	2	ર	ર
		$\sum \mathbf{f}_i / \mathbf{n} = \mathfrak{O}\mathbf{b}^{-1}$		$\Sigma \mathbf{f}_{i}\mathbf{u}_{i} = -\mathbf{O}\mathbf{Q}$

:. গাণিতিক গড়, 
$$\overline{\mathbf{x}} = \mathbf{a} + \frac{\sum \mathbf{f}_i \mathbf{u}_i}{\mathbf{n}} \times \mathbf{h}$$
  
= ৬৯.৫ +  $\frac{-\Theta \Theta}{\Theta \mathbf{r}} \times \mathbf{b} \circ$ 

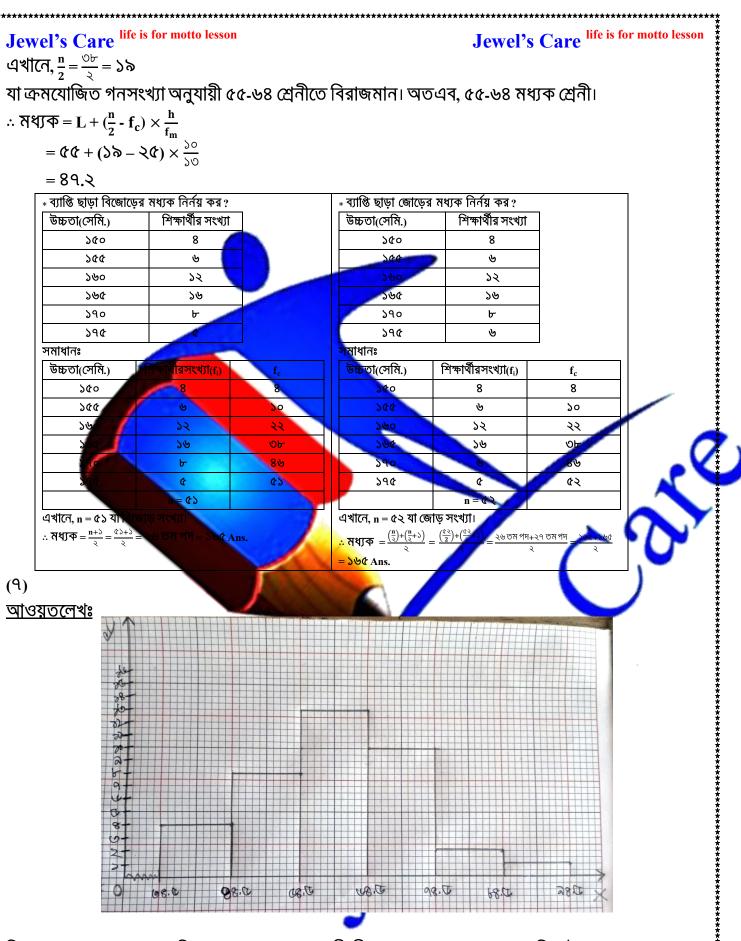
= ৫৯.৮

<ul> <li>গুরুত্ব যুত্ত</li> </ul>	<u>*</u> শুরুত্ব যুক্ত গড় নির্নয় কর ?						
বিভাগে	ার নাম	পাশেরহার(শতকরায়)		শিক্ষা	র্থীর সংখ্যা		
গণি	ট	c	10		۴٥		
পরিস	ংখ্যান	t	r0	১২০			
ইংরে	রজি	(	to		200		
বাং	লা	ž	<b>90</b>		<b>২</b> ২৫		
হিসাৰ্বা	বিজ্ঞান	i i	50		১৩৫		
ফিন	্যান্স	t	τ¢		৩০০		
সমাধানঃ	<u>'</u>						
	বিভাগে	গর নাম	Xi		Wi	X <sub>i</sub> W <sub>i</sub>	
	ৰ্গা	ণিত	٩٥		ዮዕ	٩٥	
	পরিস	নংখ্যান	ዮዕ		১২০	১২০	
	ইং	রজি	<b>(</b> co		200	200	
	বা	ংলা	৯০		২২৫	২২৫	
	হিসাব	াবিজ্ঞান	ৰান ৬০		১০৫	১০৫	
	ফি	ন্যান্স	৮৫		৩০০	୦୦୦	
					∑ w <sub>i</sub> =	$\sum x_i w_i = 980$ ¢0	
: গাণিতিক গড়, $\overline{\mathbf{x}} = \frac{\sum \mathbf{x}_i \mathbf{w}_i}{\sum \mathbf{w}_i}$							
	= <del>৭৪০৫০</del> ৯৬০						
	= 9.9.58	3					

(৬)

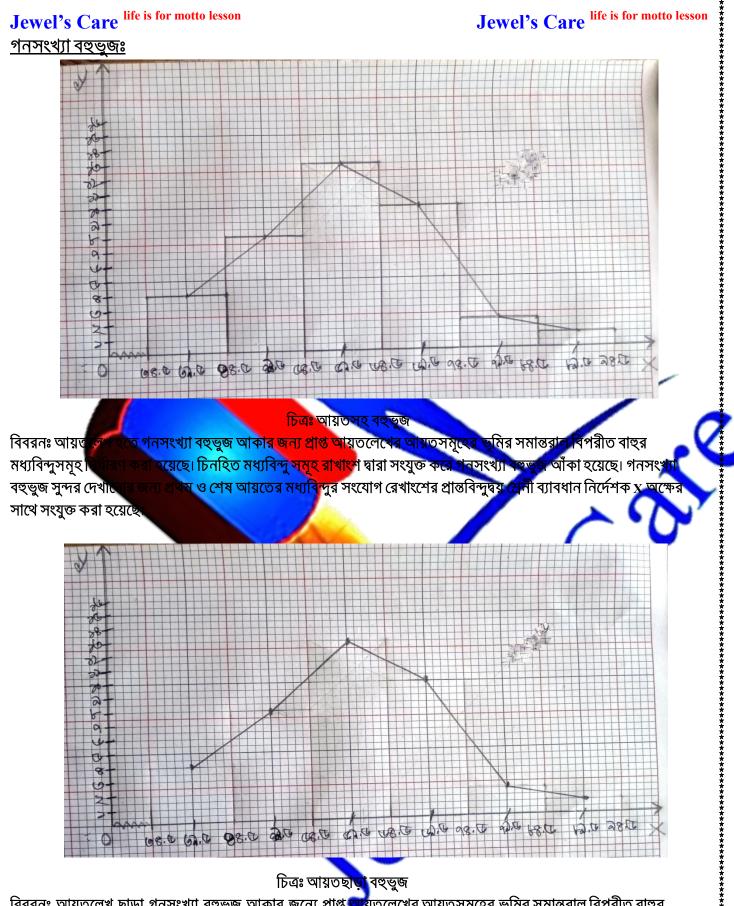
**\***.

attat		ক্রমযোজিত
প্রাপ্ত নম্বর	গনসংখ্যা(f <sub>i</sub> )	গনসংখ্যা(F <sub>c</sub> )
৩৫-88	8	8
8¢-¢8		১২
<i> </i>	১৩	২৫
৬৫-৭৪	20	୰ଝ
ዓ৫-৮8	ર	୰୳
৮৫-৯৪	2	ሪዮ
	$\sum f_i/n = \mathfrak{Ob}$	

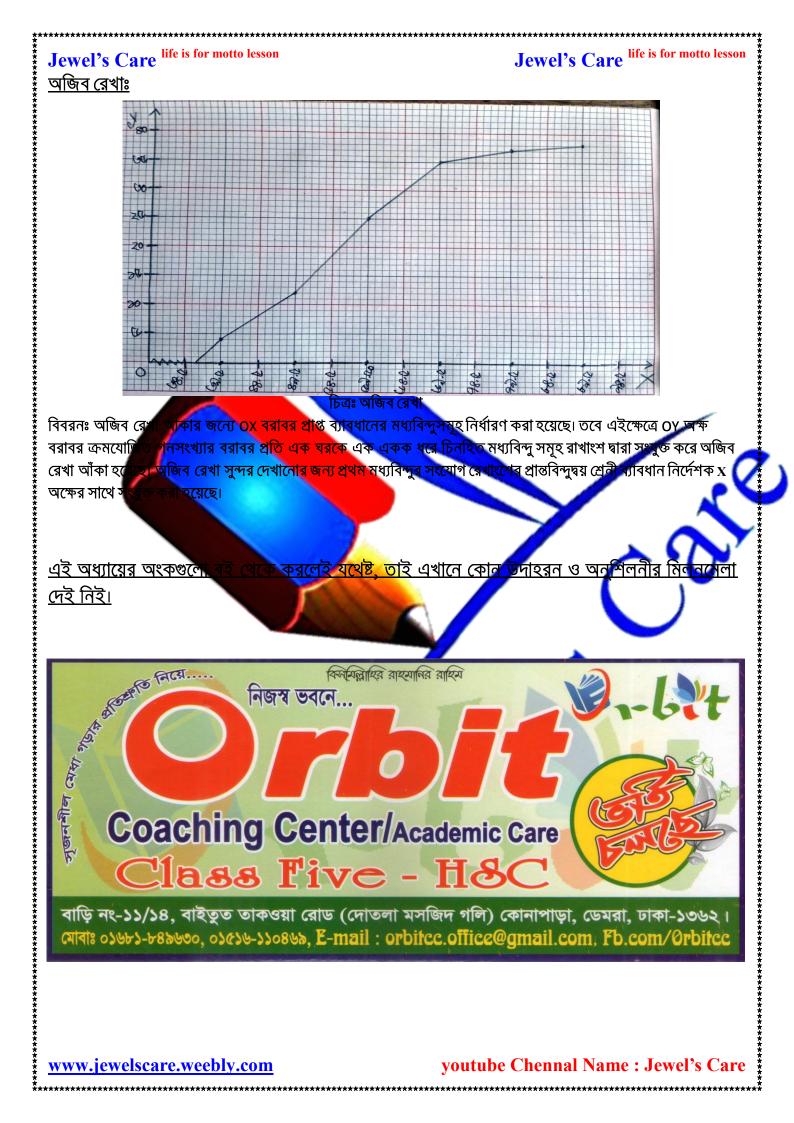


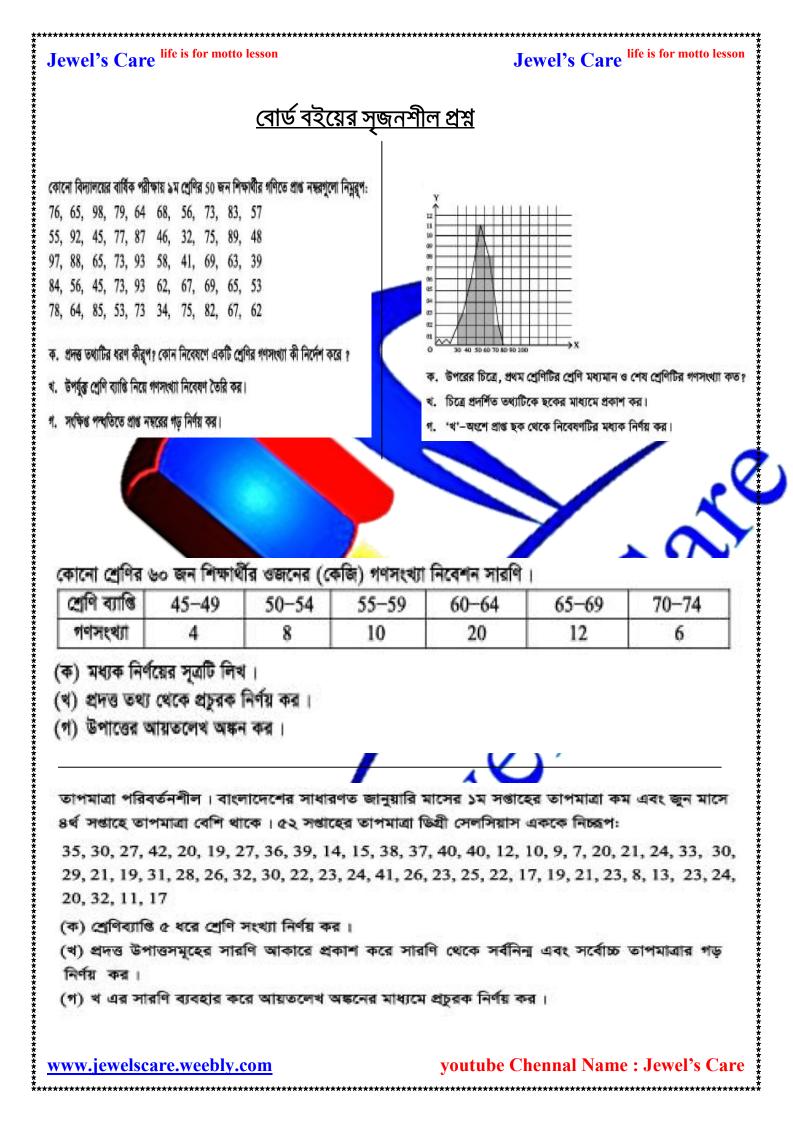
বিবরণঃ OX অক্ষ বরাবর প্রতি ঘরকে এক একক শ্রেনী সীমা এবং OY অক্ষ বরাবর প্রতি দ্বই ঘরকে এক একক গনসংখ্যা ধরে আয়তলেখ আঁকা হয়েছে। OX অক্ষে শ্রেনী সীমা ৩৪.৫ থেকে আরম্ভ হয়েছে যার কারনে মূলবিন্দু ০ থেকে ৩৪.৫ পর্যন্ত ঘরকে ভাঙ্গা রেখা দ্বারা চিনিহিত করা হয়েছে।

www.jewelscare.weebly.com



বিবরনঃ আয়তলেখ ছাড়া গনসংখ্যা বহুভুজ আকার জন্যে প্রাপ্ত আয়তলেখের আয়তসমূহের ভূমির সমান্তরাল বিপরীত বাহুর মধ্যবিন্দুসমূহ নির্ধারণ করা হয়েছে। চিনহিত মধ্যবিন্দু সমূহ রাখাংশ দ্বারা সংযুক্ত করে গনসংখ্যা বহুভুজ আঁকা হয়েছে। তবে এখানে কোন আয়ত আঁকা যাবে না। গনসংখ্যা বহুভুজ সুন্দর দেখানোর জন্য প্রথম ও শেষ আয়তের মধ্যবিন্দুর সংযোগ রেখাংশের প্রান্তবিন্দুদ্বয় শ্রেনী ব্যাবধান নির্দেশক x অক্ষের সাথে সংযুক্ত করা হয়েছে।





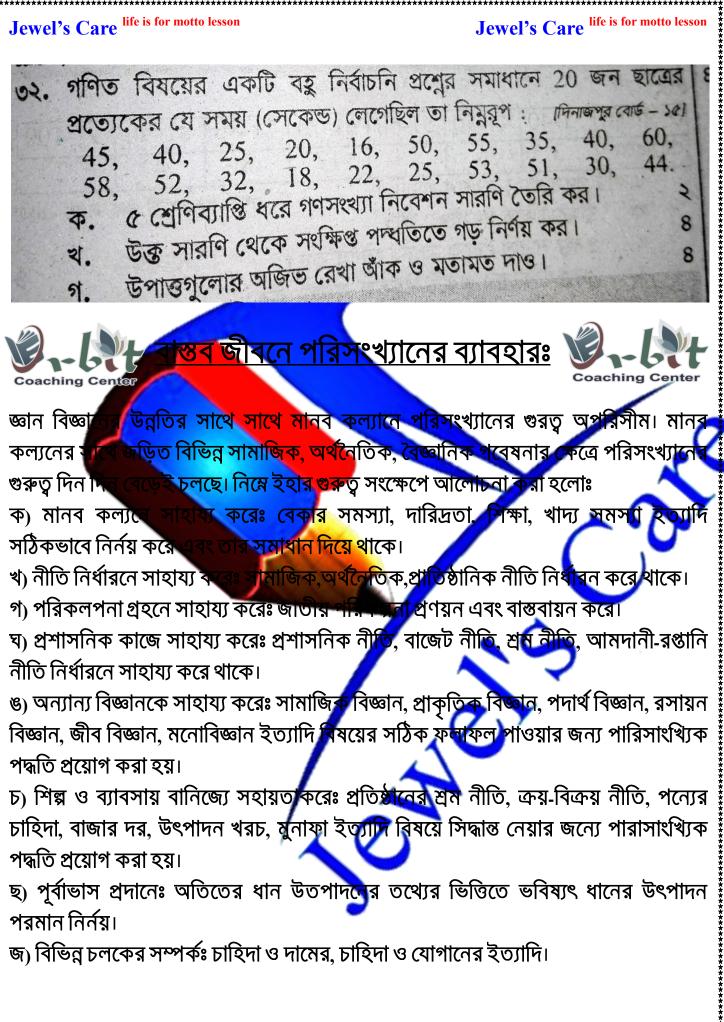
বোর্ড এ	এর প্রশ্নাবলী
সন্তদশ অধ্যায় : পরিসংখ্যান	ক. শ্রেণি ব্যবধান ৫ ধরে শ্রেণি সংখ্যা নির্ণয় কর। ২
हि भेत्रीक्वात्र सुखनमीन धन् :	খ. সারণি থেকে সংক্ষিপ্ত পম্বতিতে গড় নির্ণায় কর। 8 গ. প্রদন্ত উপান্তের গণসংখ্যা বহুভুজ অঞ্চন কর। 8
ার্ড পরাক্ষাম পূর্বে । । । এন । কানো স্কুলের দশম শ্রেণির ৪০ জন শিক্ষার্থীর গণিত বিষয়ে প্রান্ত নির্দেশ	গ. এপও ওপাওের গণসংখ্যা বহুত্ব অভাগ কর। ০৮. নিম্নে ৭০ জন শিক্ষার্থীর ইংরেজিতে প্রাপ্ত নম্বরের গণসংখ্যা সারণি
কানো ছুলেম নান তথানা ৫০ জনা নানাবাম গানত বিষয়ে প্রান্ত নম্বর নিমূর্প :	निदियान मिछा इला : । । विभिन्न दाई - २०३१।
10, 86, 66, 65, 92, 56, 60, 56, 06, 65, 85, 80,	
1, 90, 40, 40, 00, 84, 90, 50, 60, 80, 80, 80,	21-17-12211 0 20 20 20 20 0 0
ne. 60, 00, 80, 90, 20, 95, 85, 60, 60, 05, 80.	ক. ক্রমযোজিত গণসংখ্যা সারাণ তোর কর।
to be, bb, eel	্ খ. সারাণ থেকে প্রচুরক নিশয় কর।
ক, উপাত্তসমূহের পারসর নির্ণয় কর।	গ. প্রদন্ত উপাত্তের মধ্যক নির্ণয় কর। ০৯. দশম শ্রেণির শিক্ষার্থীদের গণিতের নাস্বার দেওয়া হলো :
<ol> <li>শ্রেণি ব্যবধান ১০ ধরে ক্রমযোজিত গণসংখ্যা সারণি তৈরি</li> </ol>	61, 99, 62, 65, 98, 95, 81, 85, 90, 70, 77, 80, 75, 66, 68,
কর। <sub>গ</sub> েউপাত্তসমূহের আয়তলেখ অঙ্জন কর। 8	69, 75, 77, 82, 85, 87, 90, 92, 68, 70, 71, 72, 77, 78, 80,
গ, উপান্তগদূর্বের নামতলের পর্বনে কর্ম। একটি স্কুলের কোনো শ্রেণির গণিতে প্রাপ্ত নম্বরের গণসংখ্যা সারণি	83, 85, 75, 77, 81, 85, 75, 77, 81, 78. । । । জ্যামাম বোর্চ – ২০১৭। ক. 5 শ্রেণি ব্যবধান নিয়ে গণসংখ্যা সারণি তৈরি কর । ২
একাট কুলেম বেশবেশ ব্যোগম গাণতে আও ন মরের গণসংখ্যা সারাল নিমুর্গ : ।তকা বোর্ড – ২০১৭	
1113 02-80 82-60 67-60 67-60 67-80 87-90 87-90 92-20 1113 02-80 82-60 67-60 67-80 87-80 87-90	ত্রী গ, সারণি থেকে গণসংখ্যা বহুভুজ আঁক। 8
	১০. নিচে 60 জন শিক্ষার্থীর বার্ষিক পরীক্ষায় ইংরেজিতে প্রাপ্ত নম্বরের
	গণসংখ্যা নিবেশন সারণি দেওয়া হলো – 103 গ্রাম বোর্চ - ২০১৭
<ul> <li>ক. প্রদন্ত উপাত্তের প্রচুরক শ্রেণির নিমুসীমা নির্ণয় কর।</li> <li>খ. প্রদন্ত উপাত্তের মধ্যক নির্ণয় কর।</li> </ul>	শ্রেণি ব্যাপ্তি 45 - 49 50 - 54 55 - 59 60 - 64 65 - 69 70 - 74
খ, প্রদান্ত ৬পাওের মব্যক । নগর কর। গ, উপাত্তের গণসংখ্যা বহুভূজ অঙ্জকন কর।	गणजस्था 4 8 10 20 12
নিচে 30 জন শিক্ষার্থীর বার্ষিক পরীক্ষায় ইংরেজিতে প্রাপ্ত নম্ব	ক. ক্রমযোজিত গণসংখ্যা সারণি তৈরি কর। ব
দেওয়া হলো : বাজনাহী বোর্জ – ২০১	भा         भा
40, 35, 60, 55, 58, 45, 60, 65, 46, 50, 60, 65, 58, 60, 48	১. ৬পাও থেকে এচুরক নিশ্ব করা নির্দান করা । ১১. পদার্থবিজ্ঞানে ৭৬ জন শিক্ষার্থীর প্রান্ত নম্বরের গণসংখ্যা নিবেশন সারণি :
36, 60, 50, 46, 65, 55, 61, 68, 65, 50, 40, 56, 60, 65, 46. ক. বিচ্ছিন ও অবিচ্ছিন চলক বলতে কী বুঝ?	2 आज नहत 3-30 35-20 23-00 03-80 83-00 03-00 43-90 93-90 83-00
খ. শ্রেণিব্যান্তি 5 ধরে প্রান্ত নম্বরের গণসংখ্যা সারণি তৈরি ক	র গাসহব্যা ২ ৫ ১৩ ১২ ১১ ১৮ ৫ ৪ ৪ <del>৭</del> ব্যরিশাল বোর্ড – ২০১৭/
প্রচুরক নির্ণয় কর।	৪ ক. সারণি থেকে প্রচুরক শ্রেণির মধ্যমান নির্ণয় কর। 🔹 ২
1. 11111 6464 1040 14000 191114 141	৪ খ. মধ্যক নির্ণয় কর। 8 ন গ. উপাত্তগুলোর অজিত রেখা আঁক। 8
৫. নিচে 60 জন শিক্ষার্থীর গণিতে প্রাপ্ত নম্বরের গণসংখ্যা নিবেশ	
সারণি দেওয়া হলো : দ্রাজশাহী বোর্ড - ২০১ দ্রণিব্যাস্তি 45 - 49 50 - 54 55 - 59 60 - 64 65 - 69 70 - 74	
$\begin{array}{c c c c c c c c c c c c c c c c c c c $	গণসংখ্যা ৫ ১০ ২০ ১৫ ১০
ক. কেন্দ্রীয় প্রবণতা বলতে কী বুঝ? কেন্দ্রীয় প্রবণত	রি [বরিশাল বোর্ড - ২০১৭]
পরিমাপগলো কী কী?	২ ক. মধ্যক শ্রেণির নিমুসীমা নির্ণয় কর। ২ খ. সংক্ষিপ্ত পম্বতিতে গড় নির্ণয় কর। ৪
খ, গণসংখ্যা নিবেশন-সারণি থেকে মধ্যক নির্ণয় কর।	গ, সারণির গণসংখ্যা বহুভুজ আঁক। 8
গ, গণসংখ্যা নিবেশন সারণিতে উপস্থাপিত উপাত্তের গণসংব	)। ১৩. ১০ম শ্রেণির ৬০ জন শিক্ষার্থীর গণিত বিষয়ে প্রাপ্ত নম্বরের
বহুতুজ আঁক। ৫. কোনো শ্রেণির ৬০ জন শিক্ষার্থীর ওজনের (কেজি) গণসংখ্যা নিবেশ	০ গণসংখ্যা নিবেশন সারণি দেওয়া হলো :  টেলেট বোর্ড – ২০১৭/
শে কোনো শ্রেণির ৬০ জন শিক্ষাথার ওজনের (বেগুল) নাগবের বার্জ -২০ সারণি হলো :	
বিশিব্যাপ্তি ৪৫-৪৯ ৫০-৫৪ ৫৫-৫৯ ৬০-৬৪ ৬৫-৬৯ ৭০-৭	8 গণসংখ্যা ৬ ৮ ১২ ২২ ৫ ৭
गगमरबा। 8 ४ ३० २० ३२ ७	ক. প্রচুরক শ্রেণির মধ্যবিন্দু নির্ণয় কর। খ. সর্থক্ষিপ্ত পন্ধতিতে গড় নির্ণয় কর। 8
ক. কেন্দ্রীয় প্রবণতা কী ? এর তিনটি পরিমাপকের নাম লেখ।	২ ব. গবিমান্ত নির্বেশনের আয়তলেখ অজ্ঞকন কর। ৪ গ. গণসংখ্যা নির্বেশনের আয়তলেখ অজ্ঞকন কর। ৪
খ, উপাত্তের মধ্যক ও প্রচুরক নির্ণয় কর।	৪ ৪ ১৪. নিচে ২৫ জন শিক্ষার্থীর বার্ষিক পরীক্ষায় গণিত বিষয়ের প্রাপ্ত নম্বর
গ. উপান্তের আয়তলেখ অঙ্কন কর। ০৬. দশম শ্রেণির ৫০ জন ছাত্রের গণিতে প্রাপ্ত নম্বর হলো: । যালোর বোর্চ - ২০	১৭/ দেওয়া হলো : · · /সিলট বোর্ড - ২০১৭/
80 co co co co co co co co co co, co, co,	~, <u>69.93,99,99,60,92,60,68,60,63,64,64,74,</u>
00, 63. 00, 00, 09, 05, 60, 60, 62, 00, 01,	661
৭০, ৬৯, ৬৮, ৭০, ৬০, ৫৬, ৫৮, ৬২, ৬৩, ৬৪, ৬৭। इ. শ্রেণি ব্যবধান ৫ ধরে শ্রেণি সংখ্যা নির্ণয় কর।	২ ক. ৫ শ্রেণি ব্যবধান ধরে গণসংখ্যা সারণি তৈরি কর। ২
খ, সংক্ষিপ্ত পম্বতিতে গড় নির্ণয় কর।	৪         খ. গণসংখ্যা সারণি হতে প্রচুরক নির্ণয় কর।         8           ৪         গ. গণসংখ্যা সারণি হতে গণসংখ্যা বহুভুজ আঁক।         8
The second	
০৭. জেনো স্কুলের সনসংখ্যা বহুতুজ আক। কোনো স্কুলের ১০ম শ্রেনির 25 জন শিক্ষার্থীর গণিতে প্রান্ত নম্বরগু নিচের দেওয়া হলো:	239/ Conference 30 - 35 36 - 41 42 - 47 48 - 53 54 - 59 60 - 65
13, 63 63 86 71 66 75 65, 13, 80, 03, 11, 01,	79, <mark>하여카ংখ্যা 3 10 18 25 8 6</mark>
77, 69, 74, 85, 72, 78, 84, 69, 75, 88, 67.	

## Jewel's Care life is for motto lesson

### Jewel's Care life is for motto lesson

\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*

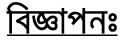
আর্জনের্বের্বার্বারের প্রাণ্টের নিমুসীমা নির্ণায় কর। ২	
	45, 50, 55, 51, 56, 57, 56, 60, 58, 60
খ. সারণি হতে মধ্যক নির্ণয় কর। 8	
গ. গণসংখ্যা নিবেশনের আয়তলেখ আঁক। 8	
১৬. কোনো বিদ্যালয়ের 25 জন শিক্ষার্থীর গণিতে প্রাপ্ত নম্বর নিমুর্প :	E7 56 63 60 67 30, 07, 70, 09, 70
75, 40, 52, 92, 87, 43, 65, 69, 73, 81, 95, 52, 66, 82, 89,	60 68 70 60 50, 58, 01, 03, 04,
56, 47, 69, 57, 73, 84, 91, 77, 50, 62. Interior active - 20591	
ক. পরিসর কী ? শ্রেণিব্যান্তি 10 হলে শ্রেণি সংখ্যা কত ? ২	া সাবনি থেকে সংক্ষিপ্ত পশ্বতিতে গড় নিশম কর।
খ. শ্রেণিব্যান্তি 10 নিয়ে গণসংখ্যা নিবেশন সারণি তৈরি কর। 8	গ সারণি ব্যবহার করে মধ্যক নিশম কর।
গ. সংক্ষিপ্ত পম্থতিতে গড় নির্ণয় কর। 8	২৫. দশম শ্রেণির 50 জন শিক্ষার্থীর গণিতে প্রাপ্ত নম্বরের গণসংখ্যা নিবেন
১৭. নিচে একটি গণসংখ্যা সারণি দেওয়া হলো : IDT বোর্ড - ২০১৬/	সারণি দেওয়া হলো : িান্স বের - কিন্তু
শ্ৰেণি ব্যান্তি ৩১-৪০ ৪১-৫০ ৫১-৬০ ৬১-৭০ ৭১-৮০ ৮১-৯০ ৯১-১০০	ব্রেশিব্যান্তি 31-40 41-50 51-60 61-70 71-80 81-90 91-
गगजरणा १ ७ ४ ३२ १ ४ ७	siciarenti 6 8 10 12 5 7 2
ক. মধ্যক শ্রেণির মধ্যকিদু নির্ণয় কর। ২	গণসংখ্যা 6 8 10 12 5 7 2 ক. উক্ত সারণি থেকে রুমোযোজিত গণসংখ্যা নির্ণয় কর।
খ. সংক্ষিপ্ত পম্বতিতে গড় নির্ণয় কর। 8	
গ. প্রদন্ত উপাত্তের গণসংখ্যা বহুভূজ আঁক। 8	খ. ডব্র সারাণ থেকে সধ্যক নির্ণায় কর। গ. উব্ত সারণি থেকে মধ্যক নির্ণায় কর।
১৮. কোনো বিদ্যালয়ের ১০ম শ্রেণির 25 জন ছাত্রের গণিত বিষয়ের প্রাণ্ড	২৬. কোনো বিদ্যালয়ের ৯ম শ্রেণির বার্ষিক পরীক্ষায় ৪০ জন শিক্ষাধীর গণিত
নস্থর নিমুর্প :	नस्त निभूतृत्र : // / / / / / / / / / / / / / / / / /
65, 73, 45, 60, 55, 58, 60, 65, 80, 70, 58, 68, 60, 68, 70,	नस्त 31-40 41-50 51-60 61-70 71-80 81-90 91-100
45, 85, 60, 50, 46, 65, 55, 61, 72, 45.	শিক্ষার্থীর সংখ্যা 4 10 18 23 13 9 3
ক. শ্রেণি ব্যান্তি 5 ধরে শ্রেণিসংখ্যা নির্ণয় কর। ২ খ. উক্ত সারণি থেকে প্রচুরক নির্ণয় কর। ৪	ক. চলকের পরিচয়সহ মধ্যক নির্ণয়ের সূত্রটি লেখ।
	খ. সংক্ষিপ্ত পম্বতিতে গড় নির্ণয় কর। 🛛 🛛 😽 🖇
<ol> <li>শ্রনন্ত ডপাণ্ডের আজত রেখা অজ্ঞন কর।</li> <li>১৯. কোনো বিদ্যালয়ের দশম শ্রেণির শিক্ষার্থীদের গণিতে প্রাপ্ত নম্বরের</li> </ol>	গ. প্রদত্ত উপাত্তের গণসংখ্যা বহুভুজ অজ্ঞকন কর। 🛛 🖇
গণসংখ্যা সারণি দেয়া হলো :	২৭. গণসংখ্যা নিবেশন সারণি হলো:  ।  ।  ।  ।  ।  ।  ।  ।  ।  ।  ।  ।  ।
হেশি ব্যান্তি ২৫-৩৪ ৩৫-৪৪ ৪৫-৫৪ ৫৫-৬৪ ৬৫-৭৪ ৭৫-৮৪ ৮৫-৯৪	শ্রেণিব্যান্তি 11–20 21–30 31–40 41–50 51–60 61–70 71–80 গণসংখ্যা 6 10 12 15 8 5 4
गगजरथा। ৫ ১০ . ১৫ ২০ ৩০ ১৬ ৪	<u>গণসংখ্যা 6 10 12 15 8 5 4</u> ক. মধ্যক শ্রেণি নির্ণয় কর।
ক. প্রদন্ত সারণির মধ্যক শ্রেণির মধ্যমান নির্ণয় কর। ২	খ. সংক্ষিপ্ত পশ্বতিতে গড় নির্ণয় কর। 8
খ. সহক্ষিপ্ত পম্বতিতে গড় নির্ণয় কর।	গ. বর্ণনাসহ আয়তলেখ আঁক।
গ. • সারণিতে উপস্থাপিত উপাত্তের গণসংখ্যা বহুভজ আঁক।	২৮. ১০ম শ্রেণির ৭০ জন শিক্ষার্থীর গণিতে প্রাপ্ত নম্বরের গণসংখ্যা সারণ
২০. নিচে 50 জন শিক্ষার্থীর বার্যিক পরীক্ষায় ইংরেজিতে প্রাপ্ত নম্বরের	হলো
গণসংখ্যা নিবেশন সারণি দেওয়া হলো- (হুমিল্লা বোর্ড - ২০১৬)	শ্রেণিব্যান্তি ৫০–৫৪ ৫৫–৫৯ ৬০–৬৪ ৬৫–৬৯ ৭০–৭১
শ্রেণিব্যান্তি 25-34 35-44 45-54 55-64 65-74 75-84 85-94	গণসংখ্যা ৭ ১২ ১৮ ২৪ ৯
<u>গণসংখ্যা 5 7 4 11 9 10 4</u> <b>.</b> উক্ত সাৱণি থেকে কমযোজিত গণসংখ্যা নির্পন্ন কর	ক. প্রচুরক নির্ণয়ের সূত্রটি লেখ ও বিবৃত রুর।
<ul> <li>উক্ত সারণি থেকে ক্রমযোজিত গণসংখ্যা নির্ণয় কর।</li> <li>২</li> <li>খ. সংক্ষিপ্ত পম্বতিতে প্রাপ্ত নম্বরের গড় নির্ণয় কর।</li> <li>৪</li> </ul>	থ, প্রদন্ত উপাত্ত হতে গড় নির্ণয় কর। গ, প্রদন্ত উপাত্র হতে অজিজ রেখা জাক।
গ. উদ্দীপকের আলোকে গণসংখ্যা বহুভুজ আঁক। 8	গ. প্রদন্ত উপাত্ত হতে অজিত রেখা আঁক। ২৯. নিচের ৩০ জন শিক্ষার্থীর বার্ষিক পরীক্ষায় গণিতে প্রাপ্ত নম্বর দেওয়া হলো:
২১. কোনো বিদ্যালয়ের 60 জন শিক্ষার্থীর ওজনের গণসংখ্যা সারণি হলো :	চেয়াম বোৰ প্ৰথম প্ৰথম প্ৰথম প্ৰতি ভাও প্ৰৱ পেত্ৰ। ২০০০
And the second se	90 45 28 48 95 52 54 53 58 20
San 14. 21 31-35 36-60 61-65 66-70 71-75	29 55 95 93 99 22 20 50 50 53 59
শিক্ষাধী সংখ্যা 5 10 20 15 10	
ক. যোজিত গণসংখ্যা সারণি নির্ণয় কর।	ক. শ্রেণি ব্যবধান ৬ ধরে গণসংখ্যা নিবেশন সারণি তৈরি কর। খ. প্রাণ্ড উপান্ডের মধ্যক নির্ণয় কর।
খ. সংক্ষিপ্ত পম্বতিতে গড় নির্ণয় কর। 8	গ. প্রদত্ত উপাত্ত থেকে আয়তলেখ অজ্ঞকন কর।
গ. প্রদন্ত গণসংখ্যা সারণি থেকে আয়াজলেখা জোঁক	and the second s
২২. নিমে ১০ম শ্রেণির ৫০ জন শিক্ষার্থীর গণিত বিষয়ে পাল	La
गणाजा गिर्देशने महिल (मिखरा उरला-	00 C9 80 89 C9 44 200 40 44
Cardania 07-80 87-60 67-10 101-80 67 10 100 100	03 40 92 90 Cb Co 62 86 62 60
	48 82 00 00 00 00 80 42 00 89
4. क्रमाजि गगम्स्या मार्वनि रेजति कत्।	(2) CC LL . 80 FC 85 . 6C 69 62 C2 [
খ. সংক্ষিপ্ত পশ্বতিতে গড় নির্ণয় কর। গ, গণসংখ্যা নির্বেধনের সম্পর্না ৪	क. त्युणि राज्यान २० धान भाषा भाषा कि २० २० २०
(मानियाकि कि के के कि के के कि के के के कि के	
1006-69 -69 -69 -60	
गणमहभाग 00 00 00 00	গণিত বিষয়ে প্রাপ্ত নম্বরের গণসংখ্যা নিবেশন সারাণি হলো নির্মাণ
φ. 2053φ (19) (ΦΙαβί): 9 30 30 32 . 6 0	THE CO-CC CU-10 10-10 10-10 10-10 10-10-10-10-10-10-10-10-10-10-10-10-10-1
ক. প্রচুরক শ্রেণি কোনটি ? প্রচুরক শ্রেণির মধ্যবিন্দু নির্ণয় কর। ২ খ. সারণি হতে সংক্ষিপ্ত পন্ধতিতে গড় নির্ণয় কর। ৪	गध्र (3)-(1) (1)-(1) (1)-(1) (1)-(1)-(1)-(1)-(1)-(1)-(1)-(1)-(1)-(1)-
গ. প্রদন্ত সার্যা দেশের পশ্বাততে গড় নির্ণায় কর। ৪	क. किसीय शकाला कारक राष्ट्र २५ २० न
গ. প্রদন্ত সারণি জনুযায়ী আয়তলেখ অজ্ঞকন কর। 8	
ব তে শারাণ অনুযায়া আয়তলেখ অজ্ঞকন কর। 8	খ. সংক্ষিপ্ত পশ্বতিতে গড় নির্ণয় কর। গ. প্রদন্ত সারণি থেকে মধ্যক নির্ণয় কর। ৪



#### Jewel's Care life is for motto lesson

Jewel's Care life is for motto lesson







<u>আমাদের অরবিট কোচিং সেন্টারে আয়োজিত হয় বিভিন্ন সাংস্কৃতিক ও ধর্মিয় অনুষ্ঠান। বিষ্ণার মাহফিল</u>্য বিশিষ্ণ বিষ্ণান ব







M.B. Ruman Sir পুরষ্কার বিতরনের কাজ করছেন



নাঈম স্যার ও জুয়েল স্যার এর বর্ষা

<mark>নাঈম স্যার খেজুর বি</mark>তরন করছে



<mark>নবম শ্রেনীর ছাত্রদে</mark>র ছবি





দশম শ্রেনীর ছাত্রিদের ছবির অংশ

নৰম শ্ৰেনীর ছাত্র আফতাহি১০০% উপস্থিতি ছিলো তাই তাকে পুরন্ধার দেয়া হয়েছে 🛛 💙 🗖 দি

খ<mark>া</mark>দ্য আয়োজনের একটি ছবি

#### <u>আমার বানীঃ</u>

There are only three important things like: Allah, Family, Career. Mind it Carefully..... That's all for the time being.... Allah Hafeez